

## 【题目大意】

给定  $n$  个区间  $[l_i, r_i]$  和一个常数  $k$ 。对两个区间  $[l, r]$  和  $[l', r']$ ，定义函数  $f([l, r], [l', r'])$  为区间  $[l, r]$  和  $[l', r']$  的交集长度。 $m$  次询问，每次给出区间  $[L, R]$ ，求出  $\sum_{i=1}^n f([L, R], [l_i, r_i])^k$ ，对  $10^9 + 7$  取模。

## 【数据范围】

对于所有数据，保证： $1 \leq n, m \leq 10^5$ ， $1 \leq k \leq 14$ ， $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ ， $1 \leq L \leq R \leq n$ 。

测试点编号	$n, m \leq$	$k$	$r_i, R \leq$	特殊性质
1 ~ 2	$2 \times 10^3$	$\leq 14$	$n$	无
3 ~ 4	$10^5$	$= 1$	$n$	无
5 ~ 10	$10^5$	$= 2$	$n$	无
11 ~ 12	$10^5$	$\leq 8$	$\min\{n, 600\}$	无
13 ~ 20	$10^5$	$\leq 8$	$n$	A
21 ~ 23	$10^5$	$\leq 8$	$n$	无
24 ~ 25	$10^5$	$\leq 14$	$n$	无

特殊性质 A：保证所有给出的区间两两之间要么相等，要么不存在包含关系。

## 【解题过程】

测试点 5 ~ 10： $k = 2$ 。

可以将贡献  $f^2$  拆成  $2 \times \frac{f(f+1)}{2} - f$ ，其中只有贡献  $\frac{f(f+1)}{2}$  是不好处理的。考察其组合意义：若交为  $[l, r]$ ，其长度为  $f$ ，则  $[l, r]$  的所有子区间都会有 1 的贡献。转化到二维平面上，相当于三角形加矩形查，可以扫描线时使用历史版本和线段树维护。

测试点 13 ~ 20：保证所有给出的区间两两之间要么相等，要么不存在包含关系。

分开  $r_i \leq R$  和  $l_i \geq L$  的两类区间来处理。

以  $l_i \geq L$  的区间为例，我们找出所有满足该条件的区间，然后对其进行区间加  $k$  次函数的操作，可以用线段树维护，统一坐标系之后标记是容易合并的。最后只需要单点查询，所以线段树上标记直接下放到叶节点即可。

多组询问用双指针处理偏序关系即可。

全部测试点：无特殊限制。

上面的算法已经非常接近正解了。

我们还需要考虑两类区间的贡献： $L \leq l_i, r_i \leq R$  和  $l_i \leq L, R \leq r_i$ （小细节是是否取等的处理）。满足  $L \leq l_i, r_i \leq R$  的这些区间，按照上面的算法会被多算一次，减去即可。满足  $l_i \leq L, R \leq r_i$  的区间还没有被计算过，要加上这部分的贡献。这两部分都可以通过双指针加树状数组处理。

时间复杂度  $O(nk \log n)$ 。