

括号序列计数

(brackets)

题目描述:

Alice 和 Bob 知道，一个由空格、左括号、右括号组成的序列被称为括号序列。有一类特殊的括号序列被称为“合法括号序列”。已经知道：

(1) “()” 是合法的括号序列，空串是合法的括号序列。

(2) 如果 S_1 是合法的括号序列， S_2 是合法的括号序列，则 S_1 与 S_2 拼接起来的序列 S_1+S_2 也是合法的括号序列。

(3) 如果 S 是合法的括号序列，在其左右分别插入一个左括号和一个右括号所得到的字符串 “(” + S_1 + “)” 也是合法的括号序列。

(4) 如果 S 是合法的括号序列，在 S 的任何位置（包括头尾位置）插入一个空格，得到的序列也是合法的括号序列。

现在，Alice 希望知道：对于某个已知的有限状态自动机中的状态 s 与 t ，存在多少以 s 为起点， t 为终点的长度为 k 的合法括号序列。

所谓有限状态自动机，又可以被认为是一个有向图 G ，由 n 个结点组成，每一个结点表示一个状态，且存在三类以此为起点出去的有向边，对于每一个状态（或结点）来说其出去的同类型有向边将指向同样的状态（或结点）。三类有向边分别代表三种符号：左括号 “(”，右括号 “)” 和空格。

这里，我们将状态（或结点）从 0 开始编号。对于第 i 个状态，用 $dfa[i][0]$ ， $dfa[i][1]$ ， $dfa[i][2]$ 分别表示从 i 出发，代表了左括号、右括号和空格的那一类边指向的状态（或结点），再用 $dfa2[i][0]$ ， $dfa2[i][1]$ ， $dfa2[i][2]$ 表示每一类边的个数。

对于一条从 s 出发到 t 结束的路径，满足长度为 k 且路径经过的边对应的符号组成了一组合法的括号匹配，则称作“满足 $[G,s,t,k]$ 的合法括号序列”。

现在，Alice 为 Bob 提供了自动机 G ，并提出 Q 组询问。对于每一组询问，Alice 会给出 s 、 t 和 k ，她希望 Bob 可以告诉她满足 $[G,s,t,k]$ 的合法括号序列有多少组。她只需要知道答案除以 47 后的余数。

输入文件:

第一行一个整数 n ，表示状态数（或结点数）。

之后 n 行，对于其中的第 i 行，有 6 个 32 位整数，依次为 $dfa[i-1][0]$ ， $dfa2[i-1][0]$ ， $dfa[i-1][1]$ ， $dfa2[i-1][1]$ ， $dfa[i-1][2]$ ， $dfa2[i-1][2]$ 。

之后一行有一个整数 Q ，表示 Alice 的询问次数。

之后 Q 行，每一行有 3 个 32 位的整数，依次为 s ， t ， k 。

输出文件:

输出文件有 Q 行。

其中第 i 行对应了第 i 个询问, 只有一个整数, 表示满足 $[G,s,t,k]$ 的合法括号序列的个数, 答案只需要除以 47 后的余数。

样例输入:

```
1
0 1 0 2 0 3
6
0 0 3
0 0 4
0 0 5
0 0 6
0 0 7
0 0 8
```

样例输出:

```
45
9
10
2
19
25
```

样例说明:

对于第一组询问, 长度为 3 的合法括号序列依次有:

(1) 三个空格 “ ”, 则在自动机中的合法方案数为: $3 \times 3 \times 3 = 27$ 。

(2) 对于 “()”、“() ” 和 “ ()”, 则在自动机中的合法方案数为: $1 \times 3 \times 2 = 6$ 。

所以总的可行方案数为: $27 + 3 \times 6 = 27 + 18 = 45$ 。

数据规模:

存在 10% 的数据: $k \leq 1000$ 。时间限制 1 秒。

另存在 10% 的数据：

$n=1$ ， $dfa[0][0] = dfa[0][1] = dfa[0][2] = dfa2[0][2]=0$ ， $dfa2[0][0] = dfa2[0][1] = 1$ 。

时间限制 5 秒。

另存在 20% 的数据：

$n=1$ ， $dfa[0][0] = dfa[0][1] = dfa[0][2] = 0$ 。

时间限制 5 秒。

另存在 30% 的数据： $k \leq 30000$ 。时间限制 15 秒。

另存在 30% 的数据： $k \leq 100000$ 。时间限制 20 秒。

对于 100% 的数据， $n \leq 2$ ， $k \leq 100000$ ， $Q \leq 10$ 。