

## I 君的商店 (shop)

这是一道交互题。

### 【题目背景】

V 君、I 君和 Y 君是好朋友。

I 君最近开了一家商店，商店里准备了  $N$  种物品（编号为  $0 \sim N-1$  中的整数），每种物品均有无限个可供出售，每种物品的单价是 0 或者 1。

V 君想知道每个物品的价格，他已经通过某种超自然力量知道，这  $N$  个物品里，价格是 1 的物品恰好有奇数/偶数个，且至少存在一个物品的价格是 1。

然而，V 君并不想自己去问 I 君，他选择了这样一种方法：他准备了  $+\infty$  的钱给 Y 君。然后让 Y 君帮他跑腿：每一次，他会给 Y 君指定两个非空物品集合  $S, T$ （同一个集合内的物品必须两两不同，即每种物品在每个集合类最多包含一个），Y 君会跑到商店，分别买下这两个集合的物品，把他们送回来，并告诉 V 君哪个集合的物品价格之和更高。但是，当两集合价格之和相等的时候，Y 君会按照 I 君的指示来回答 V 君。

带着很多物品跑腿是一个很累的事情，因此，我们定义一次跑腿的体力消耗是  $S + T$ 。其中， $S$  表示集合  $S$  包含的物品个数。

你的任务是：写一个程序，帮助 V 君决定如何合理地让 Y 君跑腿，从而推算出每种物品的价值。Y 君的体力有限，你当然不能让他过于劳累，也即，你不能让他的总体力消耗超过某个预设的阈值  $M$ 。

### 【实现细节】

你不需要，也不应该实现主函数，你只需要实现下列函数：

- `find_price(task_id, N, K, ans)`

- 其中 `task_id` 表示子任务编号（见限制与约定）。 $N$  表示物品个数， $K$  的意义为：

- 若  $K = 0$ ，表示有偶数个物品价值为 1。
- 若  $K = 1$ ，表示有奇数个物品价值为 1。

- 你需要将计算出的物品价格放在数组 `ans[]` 中，其中 `ans[i]` 表示编号为  $i$  的物品的价格。

你可以通过调用如下函数来向交互库发出询问：

- `query(S, nS, T, nT)`

- 这里  $nS = |S|, nT = |T|$ ，数组 `S[0...(nS-1)]` 和数组 `T[0...(nT-1)]` 分别描述两个集合，你需要保证：

- $nS, nT > 0$ 。
- $\forall 0 \leq i < nS, 0 \leq S[i] < N$ ；
- $\forall 0 \leq i < nT, 0 \leq T[i] < N$ ；

- $\forall 0 \leq i < j < nS, S[i] \neq S[j]$  ;
- $\forall 0 \leq i < j < nT, T[i] \neq T[j]$  。

$\forall$  的意思是：“对于任意的”。例如： $\forall 0 \leq i < nS, 0 \leq S[i] < N$  的意思是：“对于任意的在  $[0, nS)$  内的  $i$ ， $S[i]$  在  $[0, N)$  内”。

- 调用此函数一次的时间复杂度为  $\Theta(nS + nT)$ 。它的返回值为 0 或 1，返回值的意义为：

- 若集合  $S$  的物品价格和更大，返回 0；
- 若集合  $T$  的物品价格和更大，返回 1；
- 否则，按照某种未知规则返回 0 或 1。

- 如题面所述，我们定义这样一次调用的代价为  $nS + nT$ 。

评测时，交互库可能会调用 `find_price` 多次（不超过 10 次），每次调用代表一次新的猜价格游戏，所有的物品的价格都会被重新设定。

### 【实现方法】

选手工作目录下已经提供了一个 `sample_shop.cpp/c/pas`，我们推荐你在其基础上进行答题，但这不是必要的。

#### 对 C++ / C 语言选手

你需要在你的程序开头加上 `#include "shop.h"`。

你需要实现的函数 `find_price`：

```
void find_price(int task_id, int N, int K, int ans[]);
```

函数 `query` 的接口如下：

```
int query(int S[], int nS, int T[], int nT);
```

#### 对 Pascal 语言选手

你需要包含单元 `graderhelperlib`。

你需要实现的函数 `find_price`：

```
procedure find_price(task_id, N, K: longint; var ans: array[0..N-1]  
of longint);
```

函数 `query` 的接口如下：

```
function query(var S: array of longint; nS: longint; var T: array of  
longint; nT: longint): longint;
```

### 【如何评测你的程序】

#### 对 C/C++ 语言的选手：

你需要在本题目录下使用如下命令编译得到可执行程序：

对于 C 语言：

```
gcc grader.c shop.c -o shop -O2
```

对于 C++ 语言:

```
g++ grader.cpp shop.cpp -o shop -O2
```

对于 Pascal 语言的选手:

你需要在本题目录下使用如下命令编译得到可执行程序:

```
fpc grader.pas -o"shop" -O2
```

可执行文件将从标准输入读入以下格式的数据:

第一行一个整数  $T$  ( $T \leq 100$ ), 表示数据组数。对每组数据:

- 第一行包含两个整数  $task\_id, N$ ;
- 接下来一行一个长度为  $N$  的 01 串  $s$ , 其中  $s_i$  表示物品  $i$  的价格。你需要保证至少有一个物品价格为 1。

读入完成之后, 交互库将调用  $T$  次 find\_price 函数。

接下来交互库会判断你的函数每次计算是否正确, 若全部正确则会输出 "Correct", 否则会输出相应的错误信息。

### 【评分标准】

最终评测时只会收取 shop.cpp/c/pas, 修改选手目录中的其他文件对评测无效。

题目首先会受到和非交互式程序题相同的限制。例如编译错误会导致整道题目得 0 分, 运行时错误、超过时间限制、超过空间限制等会导致相应测试点得 0 分等。你只能访问自己定义的和交互库给出的变量及其对应的内存空间, 尝试访问其他空间将可能导致编译错误或运行错误。

在上述条件基础上, 在一个测试点中, 你得到满分, 当且仅当:

- 每一次 find\_price 的调用中:
- 你的每一个 query 的调用符合规则, 且调用代价之和不超过  $M$ ;
- 你的函数正确计算了 ans[] 数组。

在一个测试点中, 如果你没有获得满分, 那么你获得 0 分。

### 【子任务】

我们令代价之和的上界为  $M$ , 记答案数组为 ans[] :

- 子任务 1:  $N \leq 5, M = 100$ 。
- 子任务 2:  $N \leq 10^3, M = 10^6$ 。
- 子任务 3:  $N \leq 10^5, M = 100$ , 保证  $\forall i < j < k$ , 若  $ans[i] = ans[k]$  则必有  $ans[j] = ans[i]$ 。

- 子任务 4:  $N \leq 10^4$ ,  $M = 2 \times 10^5$ 。
- 子任务 5:  $N \leq 5 \times 10^4$ ,  $M = 350100$ 。
- 子任务 6:  $N \leq 10^5$ ,  $M = 500100$ 。

**【提示】**

I 君可能并不愿意让 V 君知道每件物品的价格，在物品价格相等时，他会按照他自己的某种方式来回答问题。

**【子任务分值】**

在本场比赛中，测试点（或子任务）的分值分布与你是否为集训队选手有关。本题的分值设置如下：

子任务编号	1	2	3	4	5	6
集训队分值	20	11	9	12	17	31
非集训队分值	31	21	13	9	11	15